

# บทที่ 6

## ปัญหาการขนส่ง (Transportation Problem)



# ปัญหาการขนส่ง

---

- การจัดส่งสินค้า
- เป็นปัญหาที่เกี่ยวกับการหาวิธีการจัดสรรสินค้า
- จากจุดต้นทาง (origins) ซึ่งอาจจะเป็น โรงงาน แหล่งวัตถุดิบ โกดัง ร้านค้า ฯลฯ
- ไปยังจุดปลายทาง (destinations) หมายถึง คลังสินค้า ร้านค้า ลูกค้า



# ปัญหาการขนส่ง

---

- โดยมีวัตถุประสงค์

เพื่อให้เสียค่าใช้จ่ายในการจัดส่งรวมทั้งสิ้นแล้วต่ำที่สุด

ซึ่งถ้ามีจุดเริ่มต้นของสินค้าเพียงจุดเดียว หรือ  
จุดปลายทางจุดเดียวก็จะสามารถจัดสรรสินค้าได้ไม่ยาก

## การตัดสินใจจัดสรรสินค้า ต้องมีข้อมูลสำคัญ ดังนี้

---

- 1. จำนวนจุดต้นทาง (  $m$  ) ผลิตสินค้า  
เช่น มีโรงงานผลิตสินค้า 3 โรงงาน
- 2. จำนวนจุดปลายทาง (  $n$  ) คลังสินค้าที่จะรับสินค้า  
จากโรงงานมี 3 แห่ง
- 3. จำนวนสินค้าที่มีอยู่ที่จุดต้นทางต่าง ๆ
- 4. จำนวนสินค้าที่จุดปลายทางต่าง ๆ ต้องการ

## การตัดสินใจจัดสรรสินค้า ต้องมีข้อมูลสำคัญ ดังนี้

- 5. ค่าใช้จ่ายในการขนส่งสินค้าหนึ่งหน่วยจากจุดต้นทางแต่ละแห่งไปยังจุดปลายทางต่างๆ
- 6. เงื่อนไขในการจัดสรรสินค้า
- กำหนดให้

**$a_i$**  คือจำนวนสินค้าที่มีอยู่ที่จุดต้นทาง  $i$

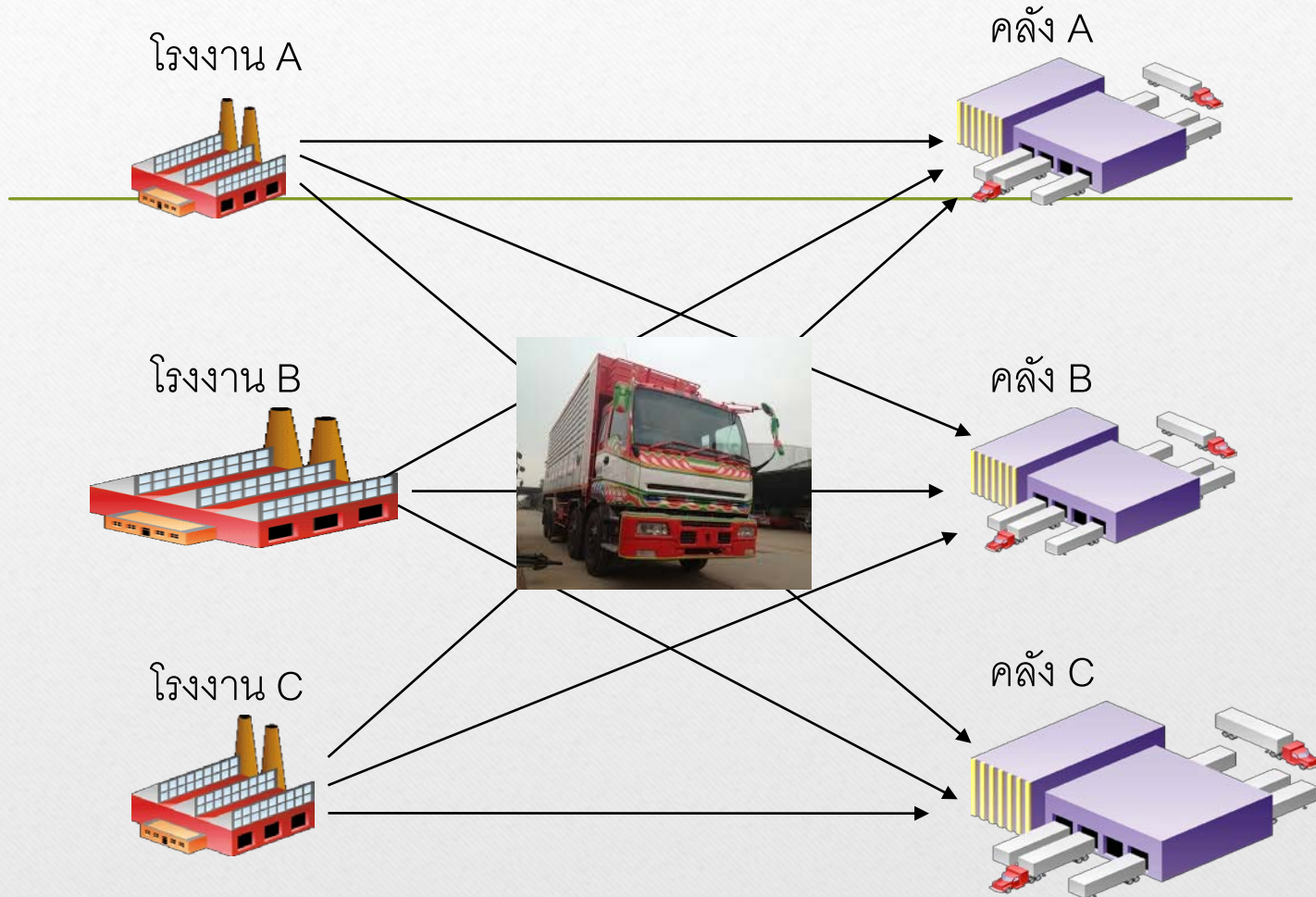
**$b_j$**  คือจำนวนสินค้าที่จุดปลายทางที่  $j$  ต้องการ

**$C_{ij}$**  คือค่าใช้จ่ายในการขนส่งสินค้าหนึ่งหน่วยจากจุดต้นทางที่  $i$  ไปยังจุดปลายทาง  $j$

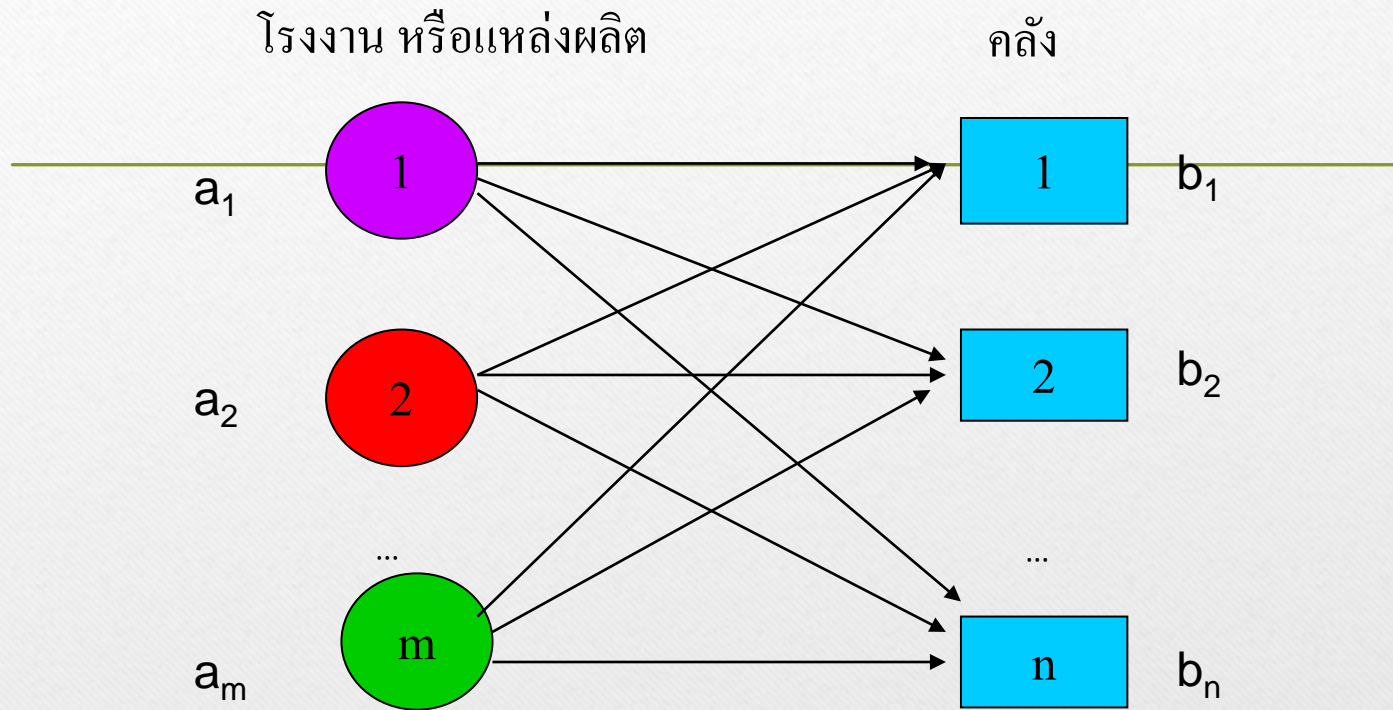


Origins (จุดต้นทาง) หรือแหล่งผลิต

Destination (ปลายทาง)



# รูปแบบปัญหาการขนส่ง



จากภาพ มีแหล่งผลิต  $m$  แห่ง คลังสินค้า  $n$  คลัง

แต่ละแหล่งผลิตมีการขนส่งสินค้าไปยังคลังสินค้าต่างๆ



แหล่งผลิต(โรงงาน) ที่  $i$  ผลิตสินค้าได้  $a_i$  หน่วย ( $i = 1,2,\dots,m$ )

คลังสินค้าที่  $j$  จะเก็บ(รับ) สินค้าได้  $b_j$  หน่วย ( $j = 1,2,\dots,n$ )

---

ให้  $C_{ij}$  เป็นราคาต่อหน่วยของสินค้าจากแหล่งผลิต  $i$  ไปคลัง  $j$

$X_{ij}$  เป็นจำนวนสินค้าที่ขนส่งจากแหล่งผลิต  $i$  ไปคลัง  $j$

$a_i$  เป็นปริมาณสินค้าที่แหล่งผลิต  $i$  ผลิตได้ในช่วงระยะเวลาหนึ่งๆ

$b_j$  เป็นปริมาณสินค้าที่คลังสินค้า  $j$  จะรับได้ในช่วงระยะเวลาหนึ่งๆ



---

เช่น

$X_{11}$  = เป็นจำนวนสินค้าที่ขนส่งจากแหล่งผลิต(โรงงาน) 1 ไปคลัง 1

$X_{23}$  = เป็นจำนวนสินค้าที่ขนส่งจากแหล่งผลิต(โรงงาน) 2 ไปคลัง 3

$C_{11}$  = เป็นค่าขนส่งสินค้าที่ขนส่งจากแหล่งผลิต(โรงงาน) 1 ไปคลัง 1

จุดต้นทาง	จุดปลายทาง				ai
	1	2	.....	n	
1	X11	X12		X1n	a1
2	X21	X22		X2n	a2
.	.	.	.	.	..
m	Xm1	Xm2		Xmn	am
<b>bj</b>	b1	b2	.....	bn	<b><math>\sum a_i = \sum b_j</math></b>



## สมมติฐานของตัวแบบขนส่ง

---

- จำนวนสินค้าที่มีอยู่จุดต้นทาง  $\sum a_i$
- ต้องเท่ากับ
- จำนวนความต้องการที่จุดปลายทางทั้งหมด  
รวมกัน  $\sum b_j$

# ตัวอย่างที่ 1

---

- บริษัทกรุงเทพ มีโรงงาน **2** แห่ง โรงงานผลิตสินค้า  
ได้วันละ **70** หน่วย เท่าๆกัน สินค้าที่ผลิตได้จัดส่ง  
ให้ลูกค้า **3** ราย ที่มีความต้องการวันละ **30 ,40**  
และ **50** หน่วย ตามลำดับ ค่าใช้จ่ายในการขนส่ง  
แสดงในตาราง ดังนี้



## ตารางค่าใช้จ่ายในการขนส่ง ( $C_{ij}$ )

$(C_{11}) = 2$  บาท คือ ส่งสินค้า 1 ชั่ง เท่ากับ 2 บาท

$(C_{21}) = 3$  บาท ส่งสินค้า 1 ชั่ง เท่ากับ 3 บาท

ลูกค้า	1	2	3
โรงงาน			
1	2	3	7
2	3	8	2

- 
- จากข้อมูลของปัญหาข้างต้น จำนวนสินค้าของโรงงานทั้งสองแห่งรวมกันเท่ากับ **140** หน่วย ในขณะที่ความต้องการของลูกค้า **3** ราย รวมกันเท่ากับ **120** หน่วย ในการนำข้อมูลเข้าตารางตัวแบบขนส่งจึงต้องเพิ่มลูกค้าสมมติที่มีความต้องการ **20** หน่วย และมีค่าใช้จ่ายในการขนส่งสินค้าจากโรงงานทั้งสองไปยังลูกค้าสมมติหน่วยละ **0** บาท



<div style="text-align: right;">ลูกค้า</div> <div style="text-align: left;">โรงงาน</div>	1	2	3	สมมติ	ai
1	2	3	7	0	70
2	3	8	2	0	70
<b>bj</b>	30	40	50	20	<b>140</b>

## จากตารางการขนส่งสินค้า

---

- พบว่า ในการนำข้อมูลเข้าตารางตัวแบบการขนส่งจึงต้องเพิ่มลูกค้าสมมติที่มีความต้องการ **20** หน่วย และมีค่าใช้จ่ายในการจัดส่งสินค้าจากโรงงานทั้งสองไปยังลูกค้าสมมติหน่วยละ **0** บาท



# การกำหนดการจัดส่งสินค้าเบื้องต้น

---

- เลือกมาอธิบาย 2 วิธี
- 1. วิธีมุมพายัพ (Northwest Corner Method)
- 2. วิธีช่องทางที่หาค่าใช้จ่ายต่ำสุด (Minimum Cost Method)



## ตัวอย่างที่ 2

- บริษัทสามสหหาย เป็นบริษัทผู้ผลิตสินค้า มี โรงงานผลิตสินค้า 3 แห่ง ผลิตสินค้าได้ 50 หน่วย, 35 หน่วย, 50 หน่วย ตามลำดับ สินค้าที่ผลิตได้จะถูก ส่งไปเก็บไว้ที่โกดังสินค้า 3 แห่ง ซึ่งมีความต้องการ สินค้าแต่ละแห่ง 30 หน่วย, 60 หน่วย ,และ 45 หน่วย ตามลำดับค่าใช้จ่ายในการขนส่งจากโรงงานไปยัง โกดังต่างๆแสดงในตารางดังนี้



โกดัง โรงงาน	1	2	3
1	1	6	4
2	3	5	8
3	4	1	6

# 1. การจัดส่งสินค้าเบื้องต้นด้วยวิธีมุมพายัพ

---

- 1) เริ่มการคำนวณที่ช่องมุมบนซ้ายมือ คือ ช่องที่  $(1, 1)$
- 2) กำหนดจำนวนสินค้าที่จะส่งในช่องทางนี้  $= \min(a_i, b_j)$
- 3) หักจำนวนสินค้าที่จัดสรรแล้วออกจากค่า  $a_i$  และ  $b_j$

- 
- 4) ถ้าค่า **a** เหลือให้เลื่อนไปจัดสรรช่องทางถัดไปด้านขวามือ  
ถ้าค่า **b** เหลือให้เลื่อนไปจัดสรรช่องทางด้านล่างของช่อง  
เดิมถ้าไม่มีค่า **a** และ **b** เหลือให้เลื่อนไปจัดสรรช่องทางขวาล่าง  
ของช่องเดิม
  - 5) กลับไปทำข้อ 2 )



# จงหาคำตอบมูลฐานเริ่มต้นวิธีมุมพายัพหรือ **NW**

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต $a_i$ (หน่วย)
1	30 <input type="text" value="1"/> 	20 <input type="text" value="6"/> 	x <input type="text" value="4"/>	<u>50</u>
2	x <input type="text" value="3"/>	35 <input type="text" value="5"/> 	x <input type="text" value="8"/>	35
3	x <input type="text" value="4"/>	5 <input type="text" value="1"/> 	45 <input type="text" value="6"/> 	50
ความสามารถ เก็บสินค้า $b_j$	30	<u>60</u>	45	135

## จากการจัดสรรสินค้าเบื้องต้นด้วยวิธีมุมพ่ายัพ

---

- จะมีการส่งสินค้าดังนี้

โรงงานที่ **1** ส่งสินค้า **30** หน่วยให้แก่โกดังที่ **1** มีค่าใช้จ่ายในการขนส่ง  
 $(30 \times 1) = 30$  บาท

โรงงานที่ **1** ส่งสินค้า **20** หน่วยให้แก่โกดังที่ **2** มีค่าใช้จ่ายในการขนส่ง  
 $(20 \times 6) = 120$  บาท

โรงงานที่ **2** ส่งสินค้า **35** หน่วยให้แก่โกดังที่ **2** มีค่าใช้จ่ายในการขนส่ง  
 $(35 \times 5) = 175$  บาท

---

โรงงานที่ **3** ส่งสินค้า **5** หน่วยให้แก่โกดังที่ **2** มีค่าใช้จ่ายในการขนส่ง

$$(5 \times 1) = 5 \text{ บาท}$$

โรงงานที่ **3** ส่งสินค้า **45** หน่วยให้แก่โกดังที่ **3** มีค่าใช้จ่ายในการขนส่ง

$$(45 \times 6) = 270 \text{ บาท}$$

$$\text{รวมค่าใช้จ่ายในการขนส่ง } 30 + 120 + 175 + 5 + 270$$

**สรุป รวมค่าใช้จ่ายในการขนส่ง = 600 บาท**



## 2. การจัดส่งสินค้าเบื้องต้นด้วยวิธีช่องทางที่ ค่าใช้จ่ายต่ำที่สุด

---

- เป็นการกำหนดการจัดส่งสินค้าเบื้องต้นที่ไม่ยุ่งยาก โดยยึดแนวทางตามเป้าหมายของปัญหาที่ต้องการ จัดสรรสินค้าเพื่อให้มีค่าใช้จ่ายในการขนส่งสินค้า รวมแล้วต่ำที่สุด

## สรุปขั้นตอน ดังนี้

- ใช้วิธีการเปรียบเทียบค่าใช้จ่ายของช่องทางการขนส่งทั้งหมด และเลือกช่องทางที่มีค่าใช้จ่ายในการขนส่งต่ำที่สุดมาพิจารณาทีละช่องทาง
- 1) เปรียบเทียบค่าใช้จ่ายของทุกช่องทางที่เป็นไปได้ เลือก ช่องทางที่มีค่าใช้จ่ายต่ำที่สุด
- 2) กำหนดจำนวนสินค้าที่จะส่ง =  $\min (a_i , b_j)$

## สรุปขั้นตอน (ต่อ)

---

- 3) หักจำนวนสินค้าที่จัดสรรแล้วออกจากค่า  $a_i$  และ  $b_j$
- 4) ตัดแถวบนและ/ หรือแถวตั้งที่จัดสรรค่า  $a_i$  และ/หรือ  $b_j$  หมดแล้วออกไป
- 5) กลับไปทำข้อ 1



- 
- ในกรณีมีหลายช่องทางที่ค่าใช้จ่ายเท่ากัน คือช่อง (1,1) และ ช่อง(3,2) ให้เลือกช่องทางใดทางหนึ่งก่อน ให้ใส่หมายเลข 1-5 กำกับไว้ในช่องทางต่างๆเพื่อแสดงลำดับของช่องทางที่พิจารณาจัดสรรสินค้า เท่านั้น

# ตัวอย่างจงหาคำตอบมูลฐานเริ่มต้นค่าขนส่งต่ำที่สุด

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต $a_i$
1	30 <input type="text" value="1"/>	0 <input type="text" value="6"/>	20 <input type="text" value="4"/>	50
2	0 <input type="text" value="3"/>	10 <input type="text" value="5"/>	25 <input type="text" value="8"/>	35
3	0 <input type="text" value="4"/>	50 <input type="text" value="1"/>	0 <input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า $b_j$	30	60	45	135

# จงหาคำตอบมูลฐานเริ่มต้น

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต ai
1	2) 30 <input type="text" value="1"/>	<input type="text" value="6"/>	3) 20 <input type="text" value="4"/>	50
2	<input type="text" value="3"/>	4) 10 <input type="text" value="5"/>	5) 25 <input type="text" value="8"/>	35
3	<input type="text" value="4"/>	1) 50 <input type="text" value="1"/>	<input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า bj	<b>30</b>	<b>60</b>	<b>45</b>	135



## การจัดสรรสินค้าตามวิธีช่องทางที่ค่าใช้จ่ายต่ำที่สุด

- โรงงานที่ 1 คือ C11 จะได้  $30*1 = 30$  บาท
- โรงงานที่ 1 คือ C13 จะได้  $20*4 = 80$  บาท
- โรงงานที่ 2 คือ C22 จะได้  $10*5 = 50$  บาท
- โรงงานที่ 2 คือ C 23 จะได้  $25*8 = 200$  บาท
- โรงงานที่ 3 คือ C 32 จะได้  $50*1 = 50$  บาท
- **รวม  $30+80+50+200+50 = \underline{410}$  บาท คำตอบ**
- รวมค่าใช้จ่ายในการขนส่ง.....410.....บาท

## การตรวจสอบและพัฒนาการจัดส่งสินค้า

---

- ตรวจสอบว่าการจัดส่งสินค้าที่ได้ค่าใช้จ่ายเหมาะสมที่สุดหรือไม่
- ถ้ายังไม่เหมาะสม แสดงว่าการจัดส่งสินค้ายังมีค่าใช้จ่ายสูงกว่าที่ควรจะเป็น
- วิธีการตรวจสอบ คือ **วิธีสเต็ปปีงสโตน**  
**(stepping Stone)**

### 3. การตรวจสอบและพัฒนารายการจัดส่งสินค้า ด้วยวิธี

## stepping stone

- การตรวจสอบและพัฒนารายการจัดส่งสินค้าด้วยวิธีสเต็ปปีงสโตน
  - 1) ตรวจสอบจำนวนช่องที่มีการจัดส่งว่า มีจำนวน  $m+n - 1$  ช่อง
  - 2) ลากเส้นวงจรปิดของแต่ละช่องว่าง พร้อมทั้งคำนวณดัชนีการพัฒนาซึ่งได้แก่ ผลกระทบต่อค่าขนส่งรวมที่เกิดขึ้นจากการส่งสินค้า 1 หน่วย ไปในช่องว่างแต่ละช่อง โดยบวกและลบค่าใช้จ่ายต่อหน่วยตามเส้นทางของช่องทางนั้นตามเครื่องหมาย+ หรือ - ที่กำกับไว้ บางครั้งเรียกว่า **marginal cost**



- 
- ถ้าค่าดัชนีการพัฒนาของทุกช่องว่างเป็นบวก หรือ 0 แสดงว่าจำนวนสินค้าที่จัดสรรไว้ในผลลัพธ์ชุดนี้เป็นการจัดส่งสินค้าที่มีค่าใช้จ่ายรวมต่ำสุด
  - ถ้ายังมีค่าดัชนีการพัฒนาเป็นลบ แสดงว่ายังสามารถปรับปรุงตารางเพื่อลดค่าใช้จ่ายรวมลงได้

---

- 3) ปรับปรุงตาราง

- เลือกช่องว่างที่สามารถลดค่าขนส่งรวมได้สูงสุด
- พิจารณาเส้นทางของช่องว่างที่เลือก เปรียบเทียบจำนวนสินค้าที่มุม ซึ่งมีเครื่องหมายลบกำกับอยู่ และเลือกจำนวนที่ต่ำที่สุดเป็นจำนวนที่จะปรับปรุงตาราง
- ปรับปรุงการจัดส่งสินค้าในตารางเดิมด้วยจำนวนที่เลือกไว้ ตามเส้นทาง และตามเครื่องหมาย + หรือ - ที่กำกับอยู่

#### 4) กลับไปข้อ 1

- ขั้นที่ 1 ตรวจสอบจำนวนช่องที่มีการจัดส่งว่า มีจำนวน  $m+n - 1$  ช่อง
- จากการจัดส่งสินค้าเบื้องต้น จำนวนช่องทางที่มีการจัดส่งสินค้า มีจำนวน ดังนี้

- $3+3-1 = 5$  ช่อง

- กำหนดการจัดส่งเบื้องต้นด้วยวิธีมุมพายัพ



C21 เดินเป็นสี่เหลี่ยมโดยเริ่มจากบวกเสมอ คือ  $+3 -1 +6 -5 = +3$

C23 เดินเป็นสี่เหลี่ยมโดยเริ่มจากบวกเสมอ คือ  $+8 -6 +1 -5 = -2$  จำนำมาพัฒนา 10 หน่วย\*\* = 20บาท

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถในการผลิต ai
1	30 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1</span>	20 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">6</span>	0 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">4</span>	50
2	0 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3</span>	35 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">-10</span> <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">5</span>	10 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">+8</span>	35
3	0 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">4</span>	5 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">+10</span> <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1</span>	45 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">-10</span> <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">6</span>	50
ความสามารถ	30	60	45	135 หน่วย

- 1) หาต้นทุนด้วยวิธี NW คือ  $(30*1)+(20*6)+(35*5)+(5*1)+(45*6) = 600...$  บาท
- 2)  $(30*1)+(20*6)+(25*5)+(10*8)+(15*1)+(35*6) = ...580.....$  บาท

## รวมค่าใช้จ่ายในการขนส่งด้วยวิธี NW

เส้นทางการขนส่ง คือ  $3 + 3 - 1 = 5$  เส้นทาง คือ

เส้นทางที่ 1 คือ  $C11 = 30 * 1 = 30$  บาท

เส้นทางที่ 2 คือ  $C12 = 20 * 6 = 120$  บาท

เส้นทางที่ 3 คือ  $C22 = 35 * 5 = 175$  บาท

เส้นทางที่ 4 คือ  $C32 = 5 * 1 = 5$  บาท

เส้นทางที่ 5 คือ  $C33 = 45 * 6 = 270$  บาท

รวมค่าใช้จ่ายทั้งหมด =  $30 + 120 + 175 + 5 + 270 = 600$  บาท

## การตรวจสอบ/ปรับปรุงเส้นทางการขนส่ง

C21 เดินเป็นสี่เหลี่ยมโดยเริ่มจากบวกเสมอ คือ  $+3 -1 +6 -5 = +3$

C23 เดินเป็นสี่เหลี่ยมโดยเริ่มจากบวกเสมอ คือ  $+8 -6 +1 -5 = -2$

จำนวนสินค้าที่นำมาพัฒนา 10 หน่วย **\*\* = 20 บาท**

**\*\*กรณีปรับที่ไม่เป็นสี่เหลี่ยมแต่เป็นเส้นทางที่มีการขนส่ง ดังนี้**

C13 คือ  $+4 -6 +1 -5 +1 -6 = -11$

C31 คือ  $+4 -1 +6 -5 +6 -1 = +9$



## การปรับปรุงสินค้า 10 หน่วย

1) ปรับปรุงการขนส่งช่อง C23

จะได้เส้นทางขนส่งใหม่ ดังนี้คือ

เส้นทางที่1  $C11 = 31 * 1 = 30$  บาท

เส้นทางที่2  $C12 = 20 * 6 = 120$  บาท

เส้นทางที่3  $C22 = 25 * 5 = 125$

เส้นทางที่4  $C23 = 10 * 8 = 80$

เส้นทางที่5  $C3 = 15 * 1 = 15$

เส้นทางที่ 6  $C33 = 35 * 6 = 210$

2) รวมค่าใช้จ่ายในการ

ขนส่งหลังจากมีการ

ปรับปรุงแล้ว

$= 30 + 120 + 125 + 8$

$0 + 15 + 210$

$= 580$  บาท

3) หาค่าใช้จ่ายที่ลดลง คือ นำการขนส่งด้วยวิธี NW – การตรวจสอบ  
ด้วยวิธีสเต็ปป์ส โตน

ลดค่าใช้จ่ายในการขนส่ง  $= 600 - 580 = 20$  บาท

C13 วิธีเดินเป็นสี่เหลี่ยมใช้ค่าใช้จ่ายต่อหน่วยเป็นผลรวมต้นด้วยบวกเสมอ

C13 = ปรับไม่ได้

$$C21 = +3 - 1 + 6 - 5 = +3$$

$$C23 = +8 - 5 + 1 - 6 = -2 \text{ ปรับช่องละ } 10 \text{ หน่วย}$$

ค่าใช้จ่ายในการขนส่งลดลง  $2 * 10 = 20$  บาท

วิธีที่ 1 มุมพายัพ เสียค่าใช้จ่ายในการขนส่ง 600 บาท

วิธีที่ 2 ค่าใช้จ่ายต่ำที่สุด เสียค่าใช้จ่าย 410 บาท

**วิธีที่ 3 stepping stone 560 บาท**

คำตอบ เลือกวิธีที่ 2 คือ จะเสียค่าใช้จ่ายในการขนส่งน้อยที่สุด = 410 บาท

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต ai
1	30 <input type="text" value="1"/>	0 <input type="text" value="6"/>	+20 <input type="text" value="4"/>	50
2	<input type="text" value="3"/>	35 <input type="text" value="5"/>	<input type="text" value="8"/>	35
3	<input type="text" value="4"/>	25 + <input type="text" value="1"/>	25 <input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า bj	30	60	45	135

พัฒนารอบที่ 1 ช่อง X 13 ค่าขนส่ง  $+4 - 6 + 1 - 6 = -7$  จะย้ายการขนส่งสินค้าทีละ 70 หน่วย

การหาค่าขนส่งหลังจากพัฒนาแล้วจะได้  $30 \cdot 1 + 20 \cdot 4 + 35 \cdot 5 + 25 \cdot 1 + 25 \cdot 6 = 460$  บาท



## ขั้นที่ 2

- คำนวณดัชนีการพัฒนาโดยการลากเส้นวงจรปิดของช่องว่างต่างๆ ที่มีได้มีการจัดส่งสินค้า มี 4 ช่องทาง ดังนี้
- ช่องทาง (1,3) , (2,1) , (2,3) , (3,1)
- เพื่อตรวจสอบว่าถ้ามีการจัดส่งสินค้า 1 หน่วย ลงในช่องทางเหล่านั้น จะมีผลกระทบอย่างไรต่อจำนวนสินค้าที่ได้กำหนดไว้แล้ว และที่สำคัญมีผลอย่างไรต่อค่าขนส่งรวม

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต ai
1	30 <input type="text" value="1"/>	- 20 <input type="text" value="6"/>	+ <input type="text" value="4"/>	50
2	<input type="text" value="3"/>	35 <input type="text" value="5"/>	<input type="text" value="8"/>	35
3	<input type="text" value="4"/>	+ 5 <input type="text" value="1"/>	- 45 <input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า bj	30	60	45	135

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต ai
1	- 30 <input type="text" value="1"/>	+ 20 <input type="text" value="6"/>	<input type="text" value="4"/>	50
2	+ <input type="text" value="3"/>	- 35 <input type="text" value="5"/>	<input type="text" value="8"/>	35
3	<input type="text" value="4"/>	5 <input type="text" value="1"/>	45 <input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า bj	30	60	45	135



โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต $a_i$
1	30 <input type="text" value="1"/>	20 <input type="text" value="6"/>	<input type="text" value="4"/>	50
2	<input type="text" value="3"/>	35-35=0 <input type="text" value="5"/>	+35 <input type="text" value="8"/>	35
3	<input type="text" value="4"/>	<input type="text" value="1"/>	45- <input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ	30	60	45	135
เก็บสินค้า $b_j$				

- 1)  $30 \times 1 = 30$
  - 2)  $20 \times 6 = 120$
  - 3)  $35 \times 8 = 280$
  - 4)  $40 \times 1 = 40$
  - 5)  $10 \times 6 = 60$
- รวม  $30 + 120 + 280 + 40 + 60$   
 $= 530$  บาท
- ลดลงคือ  $35 \times 2 = 70$  บาท

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถใน การผลิต $a_i$
1	- 30 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1</span>	+ 20 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">6</span>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">4</span>	50
2	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3</span>	35 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">5</span>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">8</span>	35
3	+ <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">4</span>	-5 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1</span>	45 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">6</span>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า $b_j$	30	60	45	135

## สรุปค่าดัชนีการพัฒนาของช่องว่างในตาราง ผลลัพธ์เบื้องต้น

---

- ช่องว่าง (1,3) ;  $+4 -6 +1 -6 = -7$  บาท
  - ช่องว่าง (2,1) ;  $+3 -5 +6 -1 = +3$  บาท
  - ช่องว่าง (2,3) ;  $+8 -5 +1 -6 = -2$  บาท
  - ช่องว่าง (3,1) ;  $+4 -1 +6 -1 = +8$  บาท
- 
- ค่าดัชนีการพัฒนาของช่องที่มีค่า **เป็นลบ** แสดงว่า การจัดตั้งสินค้าเบื้องต้นยังสามารถปรับปรุงเพื่อลดค่าขนส่งรวมลงได้



## ขั้นที่3 ปรับปรุงตาราง

---

- เลือกปรับปรุงช่องว่าง **(1,3)** เนื่องจากการจัดส่งสินค้าลงในช่องทางนี้ **1** หน่วย จะสามารถลดค่าขนส่งรวมลงได้สูงสุด คือ **7** บาท
- สรุป การจัดส่งสินค้าผลลัพธ์ชุดที่ **2** มีค่าใช้จ่ายรวมลดลงเหลือ
- $600 - ( 7 \times 20 ) = 460$  บาท

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถในการผลิต ai
1	30 <input type="text" value="1"/>	<input type="text" value="6"/>	20 <input type="text" value="4"/>	50
2	<input type="text" value="3"/>	35 <input type="text" value="5"/>	<input type="text" value="8"/>	35
3	<input type="text" value="4"/>	25 <input type="text" value="1"/>	25 <input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า bj	30	60	45	135

## ขั้นที่ 4 กลับไปขั้นที่ 1

- เพื่อทำการตรวจสอบว่าการจัดส่งแบบที่ 2 นี้ดีที่สุดในหรือไม่
- สรุปค่าดัชนีการพัฒนาของทุกช่องว่างในตารางผลลัพธ์ชุดที่ 2 ดังนี้
- ช่องทาง ( 1,2 );  $+6 -4 +6 -1 = +7$  บาท
- ช่องทาง ( 2,1 );  $+3 -1 +4 -6 +1 -5 = -4$  บาท
- ช่องทาง ( 2,3 );  $+8 -5 +1 -6 = -2$  บาท
- ช่องทาง ( 3,1 );  $+4 -1 +4 -6 = +1$  บาท



โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถ ในการผลิต ai
1	5 <input type="text" value="1"/>	<input type="text" value="6"/>	45 <input type="text" value="4"/>	50
2	25 <input type="text" value="3"/>	10 <input type="text" value="5"/>	<input type="text" value="8"/>	35
3	<input type="text" value="4"/>	50 <input type="text" value="1"/>	<input type="text" value="6"/>	50
ความสามารถ เก็บสินค้า bj	30	60	45	135

สรุป จากตาราง ค่าขนส่งรวมลดลงเหลือ  $460 - (4 \times 25) = 360$  บาท

โกดัง โรงงาน	1	2	3	ความสามารถ ในการผลิต $a_i$
1	1 9	6	4 45	50
2	3 25	5 10	8	35
3	4	1 50	6	50
ความสามารถ เก็บสินค้า $b_j$	30	60	45	135

## การตรวจสอบตารางการผลลัพธ์การจัดส่งแบบที่ 3

---

- สรุปค่าดัชนีการพัฒนาของทุกช่องว่างในตารางผลลัพธ์ชุดที่ 3 ดังนี้
- ช่องทาง ( 1,2 );  $+6 -1 +3 -5 = +3$  บาท
- ช่องทาง ( 2,3 );  $+8 -4 +1 -3 = +2$  บาท
- ช่องทาง ( 3,1 );  $+4 -1 +5 -3 = +5$  บาท
- ช่องทาง (3,3 );  $+6 -1 +5 -3 +1 -4 = +4$  บาท



## สรุปจัดส่งแบบที่ 3

---

- ในตารางการจัดส่งแบบที่ 3 ช่องทางมีการจัดส่งสินค้ายังครบ 5 ช่องทาง
- การคำนวณหาค่าดัชนีพัฒนาของทุกช่องว่างเป็น บวก แสดงว่าการจัดส่งชุดนี้เป็นการจัดส่งที่มีค่าขนส่งรวมต่ำที่สุด

END

---